МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
Филиал «Протвино»
федерального государственного бюджетного образовательного учреждения высшего образования
«Университет «Дубна»
(филиал «Протвино» государственного университета «Дубна»**)**

Кафедра «Общеобразовательные дисциплины**»**

Филиал «Протвино» государственного университета «Дубна»
Евсиков Александр Александрович
я подтверждаю этот документ своей удостоверяющей подписью
2026-06-07 10:06:35

УТВЕРЖДАЮ
Директор
_____ /Евсиков А.А./
подпись *Фамилия И.О.*
«_08_»__мая___2026 г.

Рабочая программа дисциплины (модуля)

Математический анализ
наименование дисциплины (модуля)

Направление подготовки (специальность)
15.03.04 Автоматизация технологических процессов и производств
код и наименование направления подготовки (специальности)

Уровень высшего образования
бакалавриат
бакалавриат, магистратура, специалитет

Направленность (профиль) программы (специализация)
«Автоматизация технологических процессов и производств»

Форма обучения
очная, заочная
очная, очно-заочная, заочная

Протвино, 2026

Автор(ы) программы:

Масликов А.А., доцент, к.ф.-м.н., кафедра Общеобразовательных дисциплин_____
Фамилия И.О., должность, ученая степень, ученое звание, кафедра; *подпись*

Рабочая программа разработана в соответствии с требованиями ФГОС ВО по направлению подготовки высшего образования
15.03.04 «Автоматизация технологических процессов и производств»
(код и наименование направления подготовки (специальности))

Программа рассмотрена на заседании кафедры

«Общеобразовательные дисциплины»
(название кафедры)

Протокол заседания № 3 от « 16 » апреля 2026 г.

Заведующий кафедрой Сытин А.Н._____
(Фамилия И.О., подпись)

СОГЛАСОВАНО

Заведующий выпускающей кафедрой Евсиков А.А._____
(*Фамилия И.О., подпись*)

Рецензент:

(Ф.И.О., ученая степень, ученое звание, место работы, должность; если текст рецензии не прикладывается – подпись эксперта (рецензента), заверенная по месту работы)

Оглавление

1 Цели и задачи освоения дисциплины 4
2 Место дисциплины в структуре ОПОП 4
3 Планируемые результаты обучения по дисциплине 5
4 Объем дисциплины 5
5 Содержание дисциплины 6
6 Перечень учебно-методического обеспечения по дисциплине 11
7 Фонд оценочных средств по дисциплине 12
8 Ресурсное обеспечение 12
Приложение к рабочей программе дисциплины 16

1 Цели и задачи освоения дисциплины

Целью изучения дисциплины «Математический анализ» является формирование у обучающихся универсальных УК-1 и общепрофессиональных ОПК-1 компетенций в соответствии с требованиями ФГОС ВО по направлению подготовки бакалавров 15.03.04 «Автоматизация технологических процессов и производств» с учетом направленности бакалаврской программы – «Автоматизация технологических процессов и производств»; обучение будущего бакалавра с основам дифференциального и интегрального исчисления функции одной или нескольких вещественных переменных, как одного из важнейших методов исследования в области естественных наук и инженерно-технической деятельности, а также развитие у студентов рационального понимания окружающего мира, навыков логического мышления, формирование способности к самостоятельному анализу и техническому творчеству.

Задачи изучения дисциплины «Математический анализ» охватывают теоретические и практические аспекты подготовки будущего специалиста:

- основные теоремы и правила теории пределов и дифференциального исчисления функции одной переменной;
- основные теоремы и правила теории интегрального исчисления функции одной переменной;
- основные теоремы и понятия теории функций нескольких переменных и теории скалярного поля;

При этом будущие специалисты овладевают:

- методикой вычисления пределов и нахождения производных основных элементарных функций;
- навыками нахождения площадей и объемов различных геометрических фигур с помощью определенного интеграла;
- навыками использования производной и интеграла в физических и технических приложениях;
- методами нахождения частных производных, производной по выбранному направлению и градиента функции нескольких вещественных переменных

Специфика курса учитывает особенности информационных технологий для студентов с ограниченными возможностями здоровья. Преподавание данного курса происходит с использованием адаптированной компьютерной техники.

Объектами профессиональной деятельности в рамках изучаемой дисциплины (модуля) являются математическое, информационное, техническое, программное и организационное обеспечение средств вычислительной техники и автоматизированных систем.

2 Место дисциплины в структуре ОПОП

Дисциплина «Математический анализ» относится Б1.О.10 относится к обязательной части образовательной программы.

Программа дисциплины «Математический анализ» состоит из таких разделов, как дифференциальное и интегральное исчисления функции одной переменной, элементов теории функций нескольких переменных и теории поля и др. Её изучение проводится в I и II семестрах I курса. Приступая к изучению дисциплины, студент должен достаточно хорошо знать элементарную математику и элементы высшей математики в объеме средней школы.

После обучения по программе «Математический анализ» студент должен быть подготовлен к изучению таких дисциплин, как «Физика», «Теория вероятностей и математическая статистика», «Вычислительная математика», «Введение в исследование операций», «Статистика», «Дискретная математика» и др., а также к слушанию спецкурсов и чтению оригинальной научной и инженерно-технической литературы по направлению «Автоматизация технологических процессов и производств».

3 Планируемые результаты обучения по дисциплине

Раздел заполняется в соответствии с картами компетенций.

Формируемые компетенции *(код и наименование)*	**Индикаторы достижения компетенций** *(код и формулировка)*	**Планируемые результаты обучения по дисциплине**
УК-1. Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач.	УК-1.1. Анализирует задачу, выделяя ее базовые составляющие.	Знать специфику логических методов анализа и синтеза.
	УК-1.2. Определяет и ранжирует информацию, требуемую для решения поставленной задачи.	Владеть методами критического анализа и синтеза информации.
ОПК-1. Способен применять естественнонаучные и общеинженерные знания, методы математического анализа и моделирования в профессиональной деятельности.	ОПК-1.3. Системно подходит к выбору методов моделирования и высшей математики, включая математический анализ, для решения задач профессиональной деятельности.	Знать методы математического анализа.
		Владеть навыками работы с программной системой для математического и имитационного моделирования.

4 Объем дисциплины

Объем дисциплины составляет

10 зачетных единиц, всего 360 академических часа на очной форме обучения,

10 зачетных единиц, всего 360 академических часа на заочной форме обучения.

5 Содержание дисциплины
____очная____ форма обучения

Наименование разделов и тем дисциплины	Всего (академ. часы)	в том числе:						
		Контактная работа (работа во взаимодействии с преподавателем)[1]						Самостоятельная работа обучающегося
		Лекции	Практические занятия	Лабораторные занятия	КРП*	...	Всего	
I семестр								
Раздел 1 Введение. Предмет математического анализа. Некоторые методы доказательств: метод доказательства от противного, метод математической индукции. Формула бинома Ньютона.	96	2	2				4	56
Раздел 2. Вещественные числа. Числовые последовательности. Множество вещественных чисел. Абсолютная величина числа. Точная верхняя и нижняя грани числовых множеств. Понятие числовой последовательности и ее предела. Бесконечно малые и бесконечно большие последовательности, их свойства. Основные теоремы о пределе последовательности. Число е.		8	8				16	
Раздел 3. Функция и ее предел. Понятие функции и ее предельного значения в точке. Предел на бесконечности и плюс/минус бесконечности. Теоремы о пределе функции. Замечательные пределы. Бесконечно малые и бесконечно большие функции, их сравнение. Понятие непрерывности функции в точке.		10	10				20	

[1] Перечень видов учебных занятий уточняется в соответствии с учебным планом.

Основные теоремы о непрерывных функциях. Классификация точек разрыва. Теоремы о непрерывных на отрезке функциях.								
Раздел 4. Производная и дифференциал. Определение производной, ее геометрический и физический смысл. Правила дифференцирования. Производная сложной, обратной и функции, заданной параметрически. Производные и дифференциалы высших порядков. Теоремы Ролля, Лагранжа, Коши. Вычисление пределов с помощью правила Лопиталя.	84	10	10				20	56
Раздел 5. Исследование графика функции. Возрастание и убывание функции. Экстремумы функции. Выпуклость, вогнутость, и точки перегиба функции. Асимптоты. Схема построения графика функции. Задачи на наибольшее и наименьшее значения функции.		4	4				8	
Промежуточная аттестация: зачёт с оценкой		X						
Итого за I семестр	180	34	34				68	112
II семестр								
Раздел 1. Неопределенный интеграл. Дифференциал функции. Формула Тейлора. Понятие неопределенного интеграла. Основные методы и формулы интегрирования. Интегрирование рациональных функций и некоторых других классов функций.	144	11	11				22	25
Раздел 2. Определенный интеграл. Понятие определенного интеграла. Основные свойства определенного интеграла. Связь с неопределенным интегралом. Геометрические и физические приложения определенного интеграла. Понятие несобственных интегралов 1-го и 2-го рода. Признаки сходимости.		11	11				22	25
Раздел 3. Функции нескольких переменных. Метрические и евклидовы пространства. Понятие функции нескольких переменных.		12	12				24	26

Предел. Непрерывность. Частные производные. Дифференциал. Производные сложной функции. Неявные функции. Производная по направлению. Градиент. Касательная плоскость и нормаль к поверхности. Формула Тейлора. Экстремум функции нескольких переменных.								
Промежуточная аттестация экзамен	36[2]	X						
Итого за II семестр	180	34	34				68	76
Итого дисциплину	360	68	68				136	188

заочная форма обучения

Наименование разделов и тем дисциплины	**Всего (академ. часы)**	в том числе:						
		Контактная работа (работа во взаимодействии с преподавателем)[3]						**Самостоятельная работа обучающегося**
		Лекции	Практические занятия	Лабораторные занятия	КРП*	...	**Всего**	
I семестр								
Занятие 1. Предмет математического анализа. Некоторые методы. Формула бинома Ньютона. Понятие множества вещественных чисел. Точная верхняя и нижняя грани числовых множеств. Понятие числовой последовательности и ее предела. Бесконечно малые и бесконечно большие последовательности, их свойства. Основные теоремы о пределе последовательности. Число e. Понятие функции и ее предельного значения в точке. Предел на бесконечности и плюс/минус бесконечности.	90	2	2				4	86

[2] Часы на промежуточную аттестацию (зачет, дифференцированный зачет, экзамен и др.) указываются в случае выделения их в учебном плане.
[3] Перечень видов учебных занятий уточняется в соответствии с учебным планом.

Теоремы о пределе функции. Замечательные пределы. Бесконечно малые и бесконечно большие функции, их сравнение. Понятие непрерывности функции в точке. Основные теоремы о непрерывных функциях. Классификация точек разрыва. Теоремы о непрерывных на отрезке функциях.								
Занятие 2. Определение производной, ее геометрический и физический смысл. Правила дифференцирования. Производная сложной, обратной и функции, заданной параметрически. Дифференциал функции. Производные и дифференциалы высших порядков. Теоремы Ролля, Лагранжа, Коши. Формула Тэйлора. Вычисление пределов с помощью правила Лопиталя. Возрастание и убывание функции. Экстремумы функции. Выпуклость, вогнутость, и точки перегиба функции. Асимптоты. Схема построения графика функции. Задачи на наибольшее и наименьшее значения функции.	90	2	2				4	86
Промежуточная аттестация: зачёт с оценкой		X						
Итого за I семестр	180	4	4				8	172
II семестр								
Занятие 1. Понятие неопределенного интеграла. Основные методы и формулы интегрирования. Интегрирование рациональных функций и некоторых других классов функций. Понятие определенного интеграла. Основные свойства определенного интеграла. Связь с неопределенным интегралом. Геометрические и физические приложения определенного интеграла. Понятие несобственных интегралов 1-го и 2-го рода. Признаки сходимости.	83	2	2				4	79
Занятие 2. Метрические и евклидовы про-	84	2	2				4	80

странства. Понятие функции нескольких переменных. Предел. Непрерывность. Частные производные. Дифференциал. Производные сложной функции. Неявные функции. Производная по направлению. Градиент. Касательная плоскость и нормаль к поверхности. Формула Тейлора. Экстремум функции нескольких переменных.								
Промежуточная аттестация экзамен	13[4]	X						
Итого за II семестр	180	4	4				8	159
Итого дисциплину	360	8	8				16	331

**КРП - часы контактной работы на курсовую работу (проект) по дисциплине. Часы относятся к внеаудиторной контактной работе, выполняются вне расписания учебных занятий по дисциплине. Указываются, если предусмотрены учебным планом.*

[4] Часы на промежуточную аттестацию (зачет, дифференцированный зачет, экзамен и др.) указываются в случае выделения их в учебном плане.

Содержание дисциплины

I семестр

Раздел 1. Введение. Предмет математического анализа. Некоторые методы доказательств: метод доказательства от противного, метод математической индукции. Формула бинома Ньютона.

Раздел 2. Вещественные числа. Числовые последовательности. Множество вещественных чисел. Абсолютная величина числа. Точная верхняя и нижняя грани числовых множеств. Понятие числовой последовательности и ее предела. Бесконечно малые и бесконечно большие последовательности, их свойства. Основные теоремы о пределе последовательности. Число e**.**

Раздел 3. Функция и ее предел. Понятие функции и ее предельного значения в точке. Предел на бесконечности и плюс/минус бесконечности. Теоремы о пределе функции. Замечательные пределы. Бесконечно малые и бесконечно большие функции, их сравнение.

Раздел 4. Производная и дифференциал. Определение производной, ее геометрический и физический смысл. Правила дифференцирования. Производная сложной, обратной и функции, заданной параметрически. Производные и дифференциалы высших порядков. Теоремы Ролля, Лагранжа, Коши. Вычисление пределов с помощью правила Лопиталя.

Раздел 5. Исследование графика функции. Возрастание и убывание функции. Экстремумы функции. Выпуклость, вогнутость, и точки перегиба функции. Асимптоты. Схема построения графика функции. Задачи на наибольшее и наименьшее значения функции.

II семестр

Раздел 1. Неопределенный интеграл. Дифференциал функции. Формула Тейлора. Понятие неопределенного интеграла. Основные методы и формулы интегрирования. Интегрирование рациональных функций и некоторых других классов функций.

Раздел 2. Определенный интеграл. Понятие определенного интеграла. Основные свойства определенного интеграла. Связь с неопределенным интегралом. Геометрические и физические приложения определенного интеграла. Понятие несобственных интегралов 1-го и 2-го рода. Признаки сходимости.

Раздел 3. Функции нескольких переменных. Метрические и евклидовы пространства. Понятие функции нескольких переменных. Предел. Непрерывность. Частные производные. Дифференциал. Производные сложной функции. Неявные функции. Производная по направлению. Градиент. Касательная плоскость и нормаль к поверхности. Формула Тейлора. Экстремум функции нескольких переменных.

При реализации дисциплины (модуля) организуется практическая подготовка путем проведения практических занятий, предусматривающих участие обучающихся в выполнении практических заданий, связанных с будущей профессиональной деятельностью.

Практическая подготовка при изучении дисциплины реализуется:

- непосредственно в университете (филиале);
- в структурном подразделении университета (филиала), предназначенном для проведения практической подготовки.

6 Перечень учебно-методического обеспечения по дисциплине

Для обеспечения реализации программы дисциплины разработаны:

- методические материалы к практическим (семинарским) занятиям;
- методические материалы по организации самостоятельной работы обучающихся;

– методические материалы по организации изучения дисциплины (модуля) с применением электронного обучения, дистанционных образовательных технологий;
– методические рекомендации для обучающихся с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов по освоению программы дисциплины;
– методическое обеспечение инновационных форм учебных занятий и проч.

Методические материалы по дисциплине (модулю) и образовательной программе в целом представлены на официальном сайте образовательной организации (раздел «Сведения об образовательной организации» – Образование – Образовательные программы).

7 Фонд оценочных средств по дисциплине

Для аттестации обучающихся на соответствие их персональных достижений поэтапным требованиям образовательной программы по дисциплине разработаны фонды оценочных средств, позволяющие оценить результаты обучения (знания, умения, навыки) и сформированные (формируемые) компетенции.

Эти фонды включают теоретические вопросы, типовые практические задания, контрольные работы, домашние работы и критерии их оценивания и иные оценочные материалы, используемые при проведении процедур текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации.

Фонды оценочных средств представлены в приложении к рабочей программе.

При необходимости обучающиеся с ограниченными возможностями здоровья и инвалиды обеспечиваются оценочными материалами в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

Для лиц с нарушениями зрения:
– в печатной форме увеличенным шрифтом,
– в форме электронного документа,
– в форме аудиофайла.

Для лиц с нарушениями слуха:
– в печатной форме,
– в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:
– в печатной форме,
– в форме электронного документа,
– в форме аудиофайла.

8 Ресурсное обеспечение

Перечень литературы

Основная учебная литература

1. Шипачев, В. С. Математический анализ. Теория и практика : учебное пособие / В. С. Шипачев. — 3-е изд. — Москва : ИНФРА-М, 2019. — 351 с. — (Высшее образование). - ISBN 978-5-16-010073-9. - Текст : электронный. - URL: https://znanium.com/catalog/product/989800 (дата обращения: 26.04.2023). – Режим доступа: по подписке.
2. Шершнев, В. Г. Математический анализ : учебное пособие / В. Г. Шершнев. — Москва : ИНФРА-М, 2019. — 288 с. — (Высшее образование: Бакалавриат). - ISBN 978-5-16-005488-9. - Текст : электронный. - URL: https://znanium.com/catalog/product/1008011 (дата обращения: 26.04.2023). – Режим доступа: по подписке.
3. Шипачев В.С. Высшая математика: Учебник для вузов. - 5-е изд.стер. - М.: Высш.шк., 2000. - 479 с.: ил.; Шипачев, В. С. Высшая математика : учебник / В. С. Шипачев, В. С. Высшая математика : учебник / В. С. Шипачев. — Москва : ИН-

ФРА-М, 2023. — 479 с. — (Высшее образование). — DOI 10.12737/5394. - ISBN 978-5-16-010072-2. - Текст : электронный. - URL: https://znanium.com/catalog/product/1894562 (дата обращения: 05.05.2023). – Режим доступа: по подписке.

Дополнительная учебная литература

1. Данко П.Е. и др. Высшая математика в упражнениях и задачах. В 2-х частях. Ч.1. Изд. 5-е, испр. Учеб. пособие для втузов / П.Е. Данко, А.Г.Попов, Т.Я. Кожевникова. - М.: Издательский дом "Оникс 21 век:Мир и образование", 2003. - 304 с.:ил.
2. Данко П.Е. и др. Высшая математика в упражнениях и задачах. В 2-х частях. Ч.2. Изд. 5-е, испр. Учеб. пособие для втузов / П.Е.Данко, А.Г.Попов, Т.Я.Кожевникова. - М.: Издательский дом "Оникс 21 век:Мир и образование", 2003. - 414 с.:ил.
3. Клименко, К.Г. Методы решения некоторых задач избранных разделов высшей математики. : практикум / К. Г. Клименко, Е. А. Козловский, Г. В. Левицкая. - М. : Прометей, 2014. - 107с. - ISBN 978-5-7042-2529-4.
4. Шапкин, А. С. Задачи с решениями по высшей математике, теории вероятностей, математической статистике, математическому программированию : учебное пособие / А. С. Шапкин. - 11-е изд., перераб. - Москва : Издательско-торговая корпорация «Дашков и К°», 2023. - 402 с. - ISBN 978-5-394-05448-8. - Текст : электронный. - URL: https://znanium.com/catalog/product/2082512 (дата обращения: 05.05.2023). – Режим доступа: по подписке.
5. Шершнев, В. Г. Математический анализ: сборник задач с решениями : учебное пособие / В. Г. Шершнев. — Москва : ИНФРА-М, 2022. — 164 с. — (Высшее образование: Бакалавриат). - ISBN 978-5-16-005487-2. - Текст : электронный. - URL: https://znanium.com/catalog/product/1127714 (дата обращения: 27.04.2023). – Режим доступа: по подписке.

Периодические издания

1. Вестник Московского университета. Серия 1. Математика. Механика: научный журнал / Учредитель: МГУ им. М.В. Ломоносова; гл. ред. Чубариков В.Н. – М.: ФГБОУ ВО МГУ им. М.В. Ломоносова – Журнал выходит 6 раз в год. - Основан в 1960 году. - ISSN 0579-9368. – Текст : электронный. Полные электронные версии статей журнала доступны по подписке в «East View»: https://dlib.eastview.com/browse/publication/9045/udb/890
2. Вестник Санкт-Петербургского университета. Прикладная математика. Информатика. Процессы управления: научно-теоретический журнал / Учредитель: Санкт-Петербургский университет. - СПб.: СПбГУ. – Журнал выходит 4 раза в год. - Основан в 2010 году. - ISSN 1811-9905. – Текст : электронный. – Полные электронные версии статей журнала доступны по подписке в «East View»: https://dlib.eastview.com/browse/publication/71227/udb/2630

Профессиональные базы данных и информационные справочные системы

1. ЭБС «Znanium.com»: https://znanium.com/
2. ЭБС «Лань»: https://e.lanbook.com/
3. ЭБС «Юрайт»: https://urait.ru//
4. ЭБС «Университетская библиотека онлайн»: https://biblioclub.ru/
5. Научная электронная библиотека (РУНЭБ) «eLIBRARY.RU»: http://elibrary.ru
6. Национальная электронная библиотека (НЭБ): http://нэб.рф/
7. Базы данных российских журналов компании «East View»: https://dlib.eastview.com/

Научные поисковые системы

1. ArXiv.org - научно-поисковая система, специализируется в областях: компьютерных наук, астрофизики, физики, математики, квантовой биологии. http://arxiv.org/

2. Google Scholar - поисковая система по научной литературе. Включает статьи крупных научных издательств, архивы препринтов, публикации на сайтах университетов, научных обществ и других научных организаций. https://scholar.google.ru/
3. SciGuide - навигатор по зарубежным научным электронным ресурсам открытого доступа. http://www.prometeus.nsc.ru/sciguide/page0601.ssi

Профессиональные ресурсы сети «Интернет»

1 Открытое образование https://openedu.ru/
2 Образовательный математический сайт EXPonenta.ru http://exponenta.ru/default.asp
3 Математический сайт Math.ru http://math.ru/lib/
4 Сайт РАН Институт Вычислительной математики. http://www.inm.ras.ru/

Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса, включая программное обеспечение, информационные справочные системы

Проведение лекционных занятий предполагает использование комплектов слайдов и программных презентаций по рассматриваемым темам.

Для выполнения заданий самостоятельной подготовки обучающиеся обеспечиваются литературой, а также в определённом порядке могут получать доступ к информационным ресурсам Интернета.

Дисциплина обеспечена необходимым программным обеспечением, которое находится в свободном доступе (программы OpenOffice, свободная лицензия, код доступа не требуется).

В филиале «Протвино» государственного университета «Дубна» созданы условия для обучения людей с ограниченными возможностями: использование специальных образовательных программ и методов обучения, специальных учебников, учебных пособий и дидактических материалов, специальных технических средств обучения коллективного и индивидуального пользования, предоставление услуг ассистента (помощника), оказывающим обучающимся необходимую техническую помощь, обеспечение доступа в здания организации.

Имеется универсальное средство для подъема и перемещения инвалидных колясок – пандус-платформа складной.

Специальные учебники, учебные пособия и дидактические материалы, в том числе в формате печатных материалов (крупный шрифт или аудиофайлы) имеются в ЭБС, на которые подписан филиал.

Наличие на сайте справочной информации о расписании учебных занятий в адаптированной форме доступной для обучающихся с ограниченными возможностями здоровья, являющихся слепыми или слабовидящими.

Описание материально-технической базы

Обучающиеся из числа инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья могут использовать специализированное программное и материально-техническое обеспечение:

- обучающиеся с нарушениями опорно-двигательного аппарата при необходимости могут использовать адаптивные технические средства: специально оборудованные джойстики, увеличенные выносные кнопки, клавиатуры с большими клавишами.
- обучающиеся с ограничениями по зрению могут прослушать доступный аудиоматериал или прочитать тексты, увеличив шрифт на экране монитора компьютера. Рекомендуется использовать экранную лупу и другие визуальные вспомогательные средства, чтобы изменить шрифт текста, межстрочный интервал, синхронизацию с речью и т.д., программы экранного доступа (скринридеры для прочтения текстовой информации через синтезированную речь) и/или включить функцию «экранного диктора» на персональном компьютере с операционной системой Windows 7, 8, 10.

– обучающиеся с ограничениями по слуху могут воспользоваться компьютерной аудиогарнитурой при прослушивании необходимой информации и портативной индукционной системой серии «ИСТОК».

При необходимости обучающиеся с ограниченными возможностями здоровья и инвалиды обеспечиваются печатными и (или) электронными образовательными ресурсами (образовательная программа, учебные пособия и др.) в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

Для лиц с нарушениями зрения:

– в печатной форме увеличенным шрифтом,
– в форме электронного документа,
– в форме аудиофайла.

Для лиц с нарушениями слуха:

– в печатной форме,
– в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

– в печатной форме,
– в форме электронного документа,
– в форме аудиофайла.

Приложение к рабочей программе дисциплины

Фонды оценочных средств

Описание показателей и критериев оценивания компетенций, а также шкал оценивания

В результате освоения дисциплины «Математический анализ» программы бакалавров по направлению подготовки 15.03.04 «Автоматизация технологических процессов и производств» с учетом направленности бакалаврской программы – «Автоматизация технологических процессов и производств» выпускник должен обладать следующими компетенциями:

Компетенция **УК-1.** Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач

код и формулировка компетенции

ИНДИКАТОР ДОСТИЖЕНИЯ КОМПЕТЕНЦИИ (код и наименование)	**КРИТЕРИИ ОЦЕНИВАНИЯ РЕЗУЛЬТАТА ОБУЧЕНИЯ по практике ШКАЛА оценивания**				
	1	**2**	**3**	**4**	**5**
УК-1.1. Анализирует задачу, выделяя ее базовые составляющие.	Отсутствие знания	Не знает или знает слабо специфику логических методов анализа и синтеза. Допускает множественные грубые ошибки.	Удовлетворительно знает специфику логических методов анализа и синтеза профессиональных задач. Допускает достаточно серьезные ошибки.	Хорошо знает основные методы специфики логических методов анализа и синтеза. Не допускает ошибок.	Демонстрирует свободное и уверенное знание специфики логических методов анализа и синтеза. Не допускает ошибок.
УК-1.2. Определяет и ранжирует информацию, требуемую для решения поставленной задачи.	Отсутствие владения	Демонстрирует частичное владение методами критического анализа и синтеза информации. Допускает множественные грубые ошибки.	Демонстрирует достаточно устойчивое владение методами критического анализа и синтеза информации. Допускает отдельные негрубые ошибки.	Демонстрирует устойчивое владение методами критического анализа и синтеза информации. Не допускает ошибок.	Демонстрирует свободное и уверенное владение методами критического анализа и синтеза информации. Не допускает ошибок.

ОПК-1. Способен применять естественнонаучные и общеинженерные знания, методы математического анализа и моделирования в профессиональной деятельности..

ИНДИКАТОР ДОСТИЖЕНИЯ КОМПЕТЕНЦИИ (код и наименование)	**КРИТЕРИИ ОЦЕНИВАНИЯ РЕЗУЛЬТАТА ОБУЧЕНИЯ по практике ШКАЛА оценивания**				
	1	**2**	**3**	**4**	**5**
ОПК-1.3. Системно подходит к выбору методов моделирования и высшей математики, включая математический анализ, для решения задач профессиональной деятельности.	Отсутствие знания	Не знает или знает слабо методы математического анализа. Допускает множественные грубые ошибки.	Удовлетворительно знает методы математического анализа. Допускает достаточно серьезные ошибки.	Хорошо знает методы математического анализа. Не допускает ошибок.	Демонстрирует свободное и уверенное знание методов математического анализа. Не допускает ошибок.
	Отсутствие владения	Демонстрирует удовлетворительный уровень владения навыками работы с программной системой для математического и имитационного моделирования; навыками математического анализа для решения задач профессиональной деятельности. Допускает достаточно серьезные ошибки.	Демонстрирует хороший уровень владения навыками работы с программной системой для математического и имитационного моделирования; навыками математического анализа для решения задач профессиональной деятельности Допускает отдельные негрубые ошибки.	Демонстрирует хороший уровень владения навыками средствами навыками работы с программной системой для математического и имитационного моделирования; навыками математического анализа для решения задач профессиональной деятельности Не допускает ошибок.	Демонстрирует свободное и уверенное владение навыками работы с программной системой для математического и имитационного моделирования; навыками математического анализа для решения задач профессиональной деятельности Не допускает ошибок.

При балльно-рейтинговой системе все знания, умения и навыки, приобретаемые студентами в результате изучения дисциплины, оцениваются в баллах.

Оценка качества работы в рейтинговой системе является накопительной и используется для оценивания системной работы студентов в течение всего периода обучения.

Итоговой формой контроля в 1–м семестре является зачёт с оценкой. По итогам работы в семестре студент может получить максимально **76** баллов. На зачёте студент может набрать максимально **50** баллов.

Распределение баллов по видам работ, формирующих рейтинговую оценку работы студента, осуществляется следующим образом:

Виды работ	Максимальное количество баллов
Посещаемость	16
Контрольная работа ПР-2.1	30
Контрольная работа ПР-2.2	30
Промежуточная аттестация (зачет с оценкой)	50

Формирование зачётной оценки происходит следующим образом:

- отлично – при наборе свыше 90 баллов;
- хорошо – при наборе от 71 до 90 баллов;
- удовлетворительно – при наборе от 51 до 70 баллов;
- неудовлетворительно – при наборе менее 50-ти баллов.

Текущий контроль успеваемости осуществляется в процессе выполнения практических и самостоятельных работ в соответствии с ниже приведенным графиком.

График выполнения самостоятельных работ студентами в 1-м семестре

Виды работ	Недели учебного процесса																
	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17
ПР-2.1								ВЗ				ЗЗ					
ПР-2.2													ВЗ			ЗЗ	

ВЗ – выдача задания

ЗЗ – защита задания

Итоговой формой контроля во 2–м семестре является экзамен. Максимальное количество баллов, которые студент может набрать за семестр –70 баллов (до 17 баллов за посещаемость лекций, до 36 баллов за выполнение всех контрольных (аудиторных и двух ПР-2), с учетом качества выполнения, и до 17 баллов за активную работу на практических занятиях).

Если студент набрал в течение семестра не более 50 баллов, то он не допускается к экзамену.

Если студент набрал в течение семестра от 61 до 70 баллов, то он имеет право получить автоматическую оценку «удовлетворительно».

На экзамене студент может набрать до 30 баллов. Критерий оценки на экзамене — полнота и правильность ответа на вопросы билета.

Итоговая оценка «хорошо» ставится, если студент набрал от 71 до 85 баллов, «отлично» - если набрал от 86 до 100.

График выполнения самостоятельных работ студентами во 2-м семестре

Виды работ	Недели учебного процесса																
	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17
ПР-2.3								ВЗ				ЗЗ					
ПР-2.4													ВЗ			ЗЗ	

ВЗ – выдача задания ЗЗ – защита задания

– Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки результатов обучения, характеризующих этапы формирования компетенций и (или) для итогового контроля сформированности компетенции.

Процедура оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья по дисциплине предусматривает предоставление информации в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

– в печатной форме,
– в печатной форме увеличенным шрифтом,
– в форме электронного документа.

Данный перечень может быть конкретизирован в зависимости от контингента обучающихся.

При необходимости обучающемуся инвалиду и лицу с ОВЗ предоставляется дополнительное время для подготовки ответа на зачете или экзамене. У обучающегося инвалида и лица с ОВЗ имеется возможность выбора формы контроля на практических занятиях, зачетах, экзаменах, подходящая конкретно для него.

Методические указания к практическим занятиям

Методическое обеспечение инновационных форм учебных занятий

Разбор различных моделей представления знаний, задач моделирования интеллектуальной деятельности.

Для успешного освоения АОП обучающимися с ОВЗ и инвалидностью могут применяться технологии интенсификации обучения.

Технологии интенсификации обучения

Технологии	Цель	Адаптированные методы
Проблемное обучение	Развитие познавательной способности, активности, творческой самостоятельности обучающихся с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов	Поисковые методы, постановка познавательных задач с учетом индивидуального социального опыта и особенностей обучающихся с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов
Концентрированное обучение	Создание блочной структуры учебного процесса, наиболее отвечающей особенностям здоровья обучающихся с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов	Методы, учитывающие динамику и уровень работоспособности обучающихся с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов
Модульное обучение	Гибкость обучения, его приспособление к индивидуальным потребностям обучающихся с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов	Индивидуальные методы обучения: индивидуальный темп и график обучения с учетом уровня базовой подготовки обучающихся с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов
Дифференцированное обучение	Создание оптимальных условий для выявления индивидуальных интересов и способностей обучающихся с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов	Методы индивидуального личностно ориентированного обучения с учетом ограниченных возможностей здоровья и личностных психолого-физиологических особенностей
Развивающее	Ориентация учебного процесса на	Вовлечение обучающихся с ограничен-

Технологии	Цель	Адаптированные методы
обучение	потенциальные возможности обучающихся с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов	ными возможностями здоровья и инвалидов в различные виды деятельности, развитие сохранных возможностей
Социально-активное, интерактивное обучение	Моделирование предметного и социального содержания учебной деятельности обучающихся с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов	Методы социально-активного обучения, игровые методы с учетом социального опыта обучающихся с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов
Рефлексивное обучение, развитие критического мышления	Интерактивное вовлечение обучающихся с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов в групповой образовательный процесс	Интерактивные методы обучения, вовлечение обучающихся с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов в различные виды деятельности, создание рефлексивных ситуаций по развитию адекватного восприятия собственных особенностей
Мультимедиа-технологии	Опора на компенсаторные возможности обучающихся с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов	Мультимедиа-технологии, реализуемые на основе специально структурированных баз данных, электронных пособий и учебников и адаптированного программно-аппаратного обеспечения и периферии;

Все образовательные технологии рекомендуется применять как с использованием универсальных, так и специальных информационных и коммуникационных средств, в зависимости от вида и характера ограниченных возможностей здоровья обучающихся

Тематика самостоятельных контрольных работ студентов ПР-2

Обозначение	№ раздела дисциплины	Наименование самостоятельных работ	К-во часов
ПР-2.1	3,4 (1 семестр)	Контрольная работа по теме «Предел и производная функции» (*индивидуальное задание для каждого студента).*	38
ПР-2.2	5 (1 семестр)	Контрольная работа по теме «Исследование графика функции» *(индивидуальное задание для каждого студента).*	38
ПР-2.3	1, 2 (2 семестр)	Контрольная работа по теме «Интегрирование» *(индивидуальное задание для каждого студента).*	30
ПР-2.4	3 (2 семестр)	Контрольная работа по теме «Функции нескольких переменных» *(индивидуальное задание для каждого студента).*	30

Перечень обязательных видов учебной работы студента:

- *посещение лекционных занятий;*
- *ответы на теоретические вопросы на практических занятиях;*
- *решение практических задач и заданий на практических занятиях;*
- *выполнение устных сообщений.*

Инновационные формы проведения учебных занятий

Семестр	Вид учебных занятий	Используемые инновационные формы проведения учебных занятий	Количество академ. часов
I, II	Практические занятия	Разбор конкретных заданий	8
		Всего:	8

Процедура промежуточной аттестации проходит в соответствии с «Положением балльно-рейтинговой системе оценки и текущем контроле успеваемости студентов», а также «Положением о промежуточной аттестации» университета «Дубна».

Адаптированная рабочая программа учебной дисциплины (модуля) разработана в отношении разнонозологической учебной группы обучающихся, имеющих документально подтвержденные нарушения слуха, зрения, опорно-двигательного аппарата, соматические заболевания и поддающиеся коррекции нервно-психические нарушения или сочетанные нарушения.

Типичный вариант самостоятельной контрольной работы ПР-2.1 по теме «Производная»

Вариант №1:

Найти производные следующих функций

.

1. $y = 5^{\sin^4 2x}$. 2. $y = \text{tg x} \cdot \cos e^{-x^3}$. 3. $y = \dfrac{\arcsin 2x}{\arccos x}$.

4. $y = \left(\text{ctg}\sqrt{x}\right)^3$. 5. Найти $\dfrac{d^2y}{dx^2}$, если $y = e^{2x}\cos 3x$.

Типичный вариант самостоятельной контрольной работы ПР-2.2 по теме «Исследование графика функций»

Вариант №1:

Провести полное исследование и построить графики функций

А) $y = \dfrac{x^3}{x^2-1}$; Б) $y = xe^{-\frac{1}{x}}$; В) $y = \dfrac{x^2-5x+6}{x-1}$.

Типичный вариант самостоятельной контрольной работы ПР-2.4 по теме «Функции нескольких переменных».

Вариант № 1.

1. Найти $\dfrac{\partial z}{\partial x}$ и $\dfrac{\partial z}{\partial y}$, если $z = \cos\dfrac{x}{y^4}$.
2. Найти $\dfrac{\partial z}{\partial x}$ и $\dfrac{\partial z}{\partial y}$, если $z = \sin(u^3v^5)$, где $u = e^{xy}$, $v = tg3x$.
3. Найти полную производную $\dfrac{dz}{dt}$, если $z = tg\dfrac{y^2}{tx}$, где $x = \sin t$, $y = \cos 2t$.

4. Найти $\frac{\partial^2 z}{\partial x^2}$, $\frac{\partial^2 z}{\partial y^2}$, $\frac{\partial^2 z}{\partial x \partial y}$, если $z = xe^{x^2-y^3}$.

5. Исследовать на экстремум функцию $z = x^2 + xy + 4y^2 - 6x - 3y - 4$.

6. Найти уравнение касательной плоскости и нормали к поверхности $x^2 + y^2 + z^2 - 2x - 4y - 19 = 0$ в точке M(1;2;2).

7. Найти производную функции $u = x^3 y^2 z^3$ в направлении вектора $\bar{a} = \{1;-2;2\}$ в точке M(1;1;2).

Список вопросов к зачёту с оценкой (1-й семестр)

1. Формула бинома Ньютона.
2. Понятие о действительных числах. Их основные свойства, и операции над ними.
3. Модуль действительного числа. Основные свойства (доказать одно из них).
4. Ограниченные и неограниченные множества. Существование точной верхней (нижней) грани ограниченного сверху (снизу) множества.
5. Числовые последовательности. Ограниченные и неограниченные последовательности. Примеры.
6. Бесконечно малые и бесконечно большие последовательности. Доказать, что последовательность {q^n}—бесконечно малая при 0<q<1, и бесконечно большая при q>1.
7. Бесконечно малые и бесконечно большие последовательности. Определения и свойства (доказать одно из них).
8. Определение сходящейся последовательности. Доказать теорему о связи последовательности, имеющей предел, с бесконечно малой.
9. Определение сходящейся последовательности. Теоремы о единственности предела и об ограниченности сходящейся последовательности.
10. Теоремы о пределах суммы, произведения и частного сходящихся последовательностей (доказать две из них).
11. Определение сходящейся последовательности. Теорема о предельном переходе в неравенстве.
12. Предельный переход в неравенствах. Теорема о трех последовательностях.
13. Монотонные последовательности. Теорема Вейерштрасса о сходимости монотонной и ограниченной последовательности.
14. Доказательство существования предела последовательности $(1+1/n)^n$.
15. Определение подпоследовательности. Теорема о пределе подпоследовательности сходящейся последовательности.
16. Числовые функции и способы их задания. Предел функции в точке по Гейне.
17. Правый и левый пределы функции в точке. Теорема о связи односторонних пределов и предела
1. функции в точке.
18. Теоремы о пределах суммы, разности, произведения и частного двух функций.
2. Предел многочлена в точке.
19. Доказать две теоремы о переходе к пределу в неравенствах, которым удовлетворяют функции, имеющие предел.
20. Первый “замечательный” предел.
21. Определение предела функции на бесконечности, плюс бесконечности и минус бесконечности. Второй “замечательный” предел.

22. Бесконечно малые функции. Теорема о связи функции, имеющей предел, с бесконечно малой функцией.
23. Бесконечно малые функции. Сравнение бесконечно малых функций. Примеры.
24. Бесконечно большие функции. Сравнение бесконечно больших функций. Примеры.
25. Непрерывность функции в точке (три эквивалентных определения), непрерывность функции справа (слева).
26. Доказательство непрерывности функций cos(x) и sin(x).
27. Доказательство непрерывности функции ln(x).
28. Определение точки разрыва функции. Классификация точек разрыва. Примеры.
29. Арифметические действия над непрерывными функциями.
30. Теорема о непрерывности сложной функции.
31. Понятие обратной функции. Ее график. Примеры.
32. Обратная функция. Теорема о непрерывности обратной функции.
33. Определение и геометрический смысл производной. Производные функций x^n, cos(x).
34. Определение и геометрический смысл производной. Производные функций sin(x), ln(x).
35. Дифференцируемость функции в точке. Необходимое и достаточное условие дифференцируемости.
36. Связь непрерывности и дифференцируемости функции. Правила дифференцирования суммы и разности двух функций.
37. Связь непрерывности и дифференцируемости функции. Правила дифференцирования произведения двух функций.
38. Правила дифференцирования частного двух функций. Производные функций *tg(x), ctg(x).*
39. Производная обратной функции. Производная функции arcsin (x).
40. Производная обратной функции. Производная функции arctg (x).
41. Теорема о производной сложной функции. Производная степенной функции с произвольным вещественным показателем.
42. Дифференциал функции. Геометрический смысл дифференциала.
43. Дифференцирование функций, заданных параметрически.
44. Производные высших порядков. Формула Ньютона-Лейбница. Свойства биномиальных коэффициентов.
45. Определение предела функции в точке по Коши. Доказательство эквивалентности определений Гейне и Коши.
46. Определение непрерывности функции в точке по Коши. Критерий Коши. Необходимое и достаточное условие непрерывности функции в точке (доказательство необходимости).
47. Ограниченные функции. Теорема об ограниченности непрерывной функции.
3. Теорема об устойчивости знака непрерывной функции.
48. Теорема об обращении в нуль функции, непрерывной на отрезке и принимающей на его концах значения разных знаков. Теорема о промежуточных значениях функции, непрерывной на отрезке.
49. Первая теорема Вейерштрасса о функциях, непрерывных на отрезке.
50. Вторая теорема Вейерштрасса о функциях, непрерывных на отрезке.
51. Возрастающие и убывающие функции. Достаточное условие возрастания (убывания).
52. Точки экстремума. Необходимое условие экстремума.

Список вопросов к экзамену (2-й семестр)

1. Понятие первообразной, неопределенного интеграла и их свойства.
2. Таблица неопределенных интегралов для элементарных функций.
3. Замена переменных в неопределенном интеграле.

4. Метод интегрирования по частям в неопределенном интеграле.
5. Простейшие дроби и их интегрирование.
6. Разложение правильных дробей на простейшие методом неопределенных коэффициентов.
7. Интегрирование рациональных функций.
8. Замены переменных при интегрировании иррациональных функций.
9. Интегрирование функций вида R(sin(x), cos(x)).
10. Задачи, приводящие к понятию определенного интеграла.
11. Понятие об определенном интеграле. Необходимое и достаточное условия его существования.
12. Теоремы о существовании интегрируемых функций.
13. Необходимость ограниченности области интегрирования для существования определенного интеграла.
14. Необходимость ограниченности функции для существования определенного интеграла.
15. Основные свойства определенного интеграла.
16. Оценки определенных интегралов.
17. Теорема о среднем значении.
18. Определенный интеграл с переменным верхним пределом (доказательство непрерывности и дифференцируемости).
19. Формула Ньютона – Лейбница.
20. Замена переменных в определенном интеграле.
21. Интегрирование по частям в определенном интеграле.
22. Площади криволинейной трапеции и других плоских фигур в терминах определенного интеграла (границы фигур заданы в декартовых координатах).
23. Площадь криволинейного сектора в полярных координатах.
24. Площадь криволинейной трапеции, граница которой задана в параметрическом виде.
25. Вычисление объема тел по известному поперечному сечению. Объем тел вращения.
26. Площадь поверхности вращения.
27. Длина дуги плоской кривой в прямоугольных и полярных координатах.
28. Длина дуги плоской кривой, заданной в параметрическом виде.
29. Несобственные интегралы первого рода. Определение и примеры.
30. Несобственные интегралы второго рода. Определение и примеры.
31. Признак сравнения сходимости несобственных интегралов. Примеры.
32. Предельный признак сравнения сходимости несобственных интегралов. Примеры.
33. Сходимость несобственного интеграла от функции, если сходится несобственный интеграл от ее абсолютного значения.
34. Понятие об n-мерном вещественном пространстве R^n, n-мерном метрическом пространстве и n-мерном евклидовом пространстве E^n (примеры).
35. Понятие функции многих переменных: область определения и область значений. График функции двух переменных.
36. Понятие открытого множества в E^n. Граница множества. Замкнутое множество. Понятие области, окрестности точки и др.
37. Предел последовательности точек из E^n. Определение предела функции двух (нескольких) переменных.
38. Понятие предела функции двух переменных в точке M вдоль некоторой кривой. Примеры функций, не имеющих предела.
39. Непрерывность функции двух переменных в точке. Основные свойства непрерывных функций. Определение точки разрыва функции. Примеры.
40. Понятие полного приращения функции нескольких переменных. Непрерывность функции в точке в терминах приращений функции и аргументов.
41. Свойства функций, непрерывных на замкнутой, ограниченной области.

42. Частные производные.
43. Определение дифференцируемости функции нескольких переменных в точке.
44. Связь дифференцируемости и непрерывности функции.
45. Необходимое условие дифференцируемости функции (существование частных производных).
46. Полный дифференциал функции многих переменных.
47. Понятие сложной функции одной, двух и т.д. переменных с двумя, тремя и т.д. промежуточными переменными. Ее непрерывность и дифференцируемость.
48. Правила вычисления частных производных сложных функций.
49. Производная по направлению. Градиент.
50. Частные производные и дифференциалы высших порядков.
51. Экстремум функции многих переменных. Необходимые условия экстремума функции двух переменных.
52. Достаточное условие экстремума функции двух переменных.
53. Неявные функции многих переменных. Теорема о существовании и дифференцируемости неявной функции.
54. Уравнения касательной плоскости и нормали к поверхности в точке М.
55. Условный экстремум. Множитель Лагранжа и функция Лагранжа. Необходимое условие экстремума.

Содержание экзаменационного билета

1 вопрос – фундаментальная теория (знать)

2 вопрос – фундаментальная теория (уметь)

3 вопрос – практическая задача (уметь + владеть)

Пример составления экзаменационного билета:

1 вопрос. Определение и геометрический смысл двойного интеграла. Свойства двойного интеграла.

2 вопрос. Признак сравнения сходимости числовых рядов с неотрицательными членами.

3 вопрос. Практическое задание: Исследовать на экстремум функцию:
$z = x^2 + xy + 4y^2 - 6x - 3y - 4$.